

ISSN 2010-720X

2004-jildiň mart ayınan baslap shıǵa baslađı

ÓZBEKSTAN RESPUBLIKASÍ JOQARÍ HÁM ORTA ARNAWLÍ BILIMLENDIRIW MINISTRIGI



ÁJINIYAZ ATÍNDAĞÍ NÓKIS MÁMLEKETLIK
PEDAGOGIKALÍQ INSTITUTÍ



ILIM hám JÁMIYET

Ilimiy-metodikalıq jurnal

Seriya: Pedagogika ilimleri. Psixologiya ilimleri

Ajiniyoz nomidagi Nukus davlat
pedagogika instituti

FAN va JAMİYAT

Ilmiy-uslubiy jurnal

Seriya: Pedagogika fanları, Psixologiya fanları

Нукусский государственный педагогический
институт имени Ажинияза

НАУКА и ОБЩЕСТВО

Научно-методический журнал

Серия: Педагогические науки, Психологические науки

Nukus State Pedagogical Institute
named after Ajiniyaz

SCIENCE and SOCIETY

Scientific-methodical journal

Series: Pedagogical sciences, Psychological sciences

№3

2020

**Shólkemlestiriwshi: Ájiniyaz atındaǵı Nókis
mámléketlik pedagogikalıq instituti hám jurnal redakciyası jámááti
Shólkemlestiriw komiteti başlıǵı: OTEMURATOV B. – NMPI rektori
Bas redaktor:
ALLAMBERGENOV K. - filologiya ilimleriniń doktorı, professor**

REDKOLLEGIYA AĞZALARÍ

.i.d., prof. **Abdinazimov Sh.** (Nókis)
t.i.d. **Abdullaeva Ya.** (Nókis)
b.i.d., prof. **Allamuratov B.** (Nókis)
p.i.d., prof. **Alerov U.** (Nókis)
f.i.d. **Ayimbetov M.** (Nókis)
akademik **Bazarbaev J.** (Nókis)
f.-m.i.d. **Dawletmuratov B.** (Nókis)
f.i.d., prof. **Raqimjan Turısbek** (Nur-Sultan)
p.i.d., prof. **Erkebaeva G.** (Turkistan)
f.i.d., prof. **Eskieva M.** (Nur-Sultan)
p.i.d., prof. **Xalilov F.** (Tashkent)
f.-m.i.d., prof. **Ismaylov Q.** (Nókis)
f.i.d., prof. **Járimbetov Q.** (Nókis)
g.i.d., prof. **Jollibekov B.** (Nókis)
b.i.d., prof. **Jumanov M.** (Nókis)
a/x.i.d. **Jumamuratov A.** (Nókis)
f.-m.i.f.d. (PhD) **Kalxanov P.** (Nókis)
f.-m.i.d. **Kamalov A.** (Nókis)
p.i.k., doc. **Qadirov Q.** (Nókis)
tex.i.d. **Qayıpbergenov B.** (Nókis)
tex.i.d. **Qayıpbergenov A.** (Nókis)
t.i.d. **Oochanov B.** (Nókis)

f.i.k., prof. **Qochanov Q.** (Nókis)
f.-m.i.d., prof. **Qudaybergenov K.** (Nókis)
f.i.d., prof. **Qulbek Ergobek** (Turkistan)
f.i.d., prof. **Qoramboev K.** (Nókis)
f.i.d., prof. **Mamedov A.** (Ashxabad)
f.i.d., prof. **Mamedov N.** (Baku)
b.i.d. **Mambetullaeva S.** (Nókis)
b.i.d., prof. **Matchanov A.** (Nókis)
f.-m.i.d.(DSc), doc. **Otemuratov B.** (Nókis)
p.i.k., doc. **Pazilov A.** (Nókis)
p.i.d., prof. **Raximov B.** (Gulistan)
tex.i.d., prof. **Reymov A.** (Nókis)
p.i.d., prof. **Ruziev E.** (Urgench)
t.i.d. **Saribaev M.** (Nókis)
f.i.d., prof. **Suyunova N.** (Cherkas)
f.i.d., prof. **Sherbak S.** (S.Peterburg)
tex.i.d. **Tagaev M.** (Nókis)
g.i.d., prof. **Turdımambetov I.** (Nókis)
f.-m.i.d., prof. **Utevliev N.** (Nókis)
p.i.d., doc. **Utebaev T.** (Nókis)
f.-m.i.d. **Yavidov B.** (Nókis)
p.i.d., prof. **Yuldashev Q.** (Gulistan)

Juwaphı redaktorlar:
f.i.k., docent **E.Xojaniyazov** – ózbek tili boyınsha
docent **R.K.Rzaeva** – rus hám inglés tilleri boyınsha
Q.Biysenbaev – qaraqalpaq tili boyınsha

D.Dogarova - juwaphı xatker
Z.Xodjekeeva - korrektor
N.Allamuratova - operator

Jurnal 1992-jıldan «Qaraqalpaqstan muğallimi» atamasında shúgarıla başlaǵan. 2004-jılda «Ilim hám jámiyet» atamasına ózgertiliip, 01-022-sanlı gúwaliq penen Qaraqalpaqstan Respublikası Baspasóz hám xabar agentligi tárepinen dizimge alıñǵan.

*2020-jılı 07-avgustta
Ózbekstan Respublikası Prezidenti
Administracyası janındagi xabar hám óalaba kommunikaciyalar agentligi tárepinen qayta dizimge alıp, 1098-sanlı gúwaliq berilgen.*

«Ilim hám jámiyet» jurnalı Ózbekstan Respublikası Ministirler kabineti janındaǵı Joqarı Attestaciya Komissiyası kollegiyasının 2013-jıl 30-dekabrdegi 201/3-sanhı qararı menen filologiya, pedagogika, psixologiya pánleri boyınsha ilim doktorı dárejesin alıw ushın maqalalar járiyalanıwi tiyis bolǵan ilimiýiy basımlılar dizimine kirgizilgen edi.

2019-jıl yanvar ayınan baslap JAK ekspert qararı tiykarında bul dizim tómende atı atalǵan pánler menen tolıqtırıldı:

- 01.00.00 - fizika-matematika ilimleri;
- 03.00.00. - biologiya ilimleri;
- 05.00.00. - texnika ilimleri;
- 07.00.00. - tariyx ilimleri;
- 11.00.00. - geografiya ilimleri.

M A Z M U N Í

1-oktyabr – Muǵallimler hám ustadlar kúni

Өзбекстан Республикасы Президенти Шавкат Мирзиёевтиң мугаллимлар ҳам устазлар күнине бағышланған
салтанатлы мәресимдеги шығып сөйлеген сөзи 3

PEDAGOGIKA ILIMLERI

Pedagogika teoriyası hám tariyxi

Абаев С., Алламбергенов Е.К. Кураны Кариим ҳэм Ҳәдислердеги әдел-икрамлылық тәрбия хакқында	13
Allambergenov E.K "Avesto" and Karakalpak folk dastan "Shariyar" (The source of education, traditions and heritage, continuity and relationship problems)	15
Әлеўов Ө., Таспаanova Ж.К. Эжинияз Қосыбай улы жаслар тәрбиясы мәселеleiри хакқында	18
Бердиева X.М. Үкитувчи касиб компетентligини ривожлантиришида инновацион таълим мухитининг ўрни	22
Душабоев О.Н. Педагогик тизимларда синергетика тамойиллари	24
Joldasbaev R. Jumanazar Bazarbaevtiň pedagogikalıq tárbiya tarawındağı miynetlerine bir názer	26
Меражкова Ш.Б. Понятие прямой и обратной задачи в математической физике	28
Мырзамбетов П.Ш. Тарбиянинг башқа йўналишлари билан жисмоний тарбиянинг боғликлиги тамойиллари	33
Набиев А., Хайдарова Ш., Каримов К.А. Касбиб-техникавий таълимда компетенциявий ёндошув	36
Набиев А.Н., Каримов К.А., Каримов Б.Т. Конуссимон узатмаларни лойихалашда назария ва амалиёт уйғулиги мұаммолари	39
Ғаниев О.А. Кредит-модуль тизими - таълим сифатини таъминлаш омилси сифатида	42
Хамдамова Н.М. Ўқувчиларнинг ижодкорлик қобилиятларини ривожлантиришининг ўзига хос хусусиятлари	44
Хожаметов А. Болаларни спортта жалб килишша аёлларнинг ўрни	46
Рўзинева Г.Х. Идиомалар-маданий компетенцияни шакллантирувчи омил сифатида	48
Тажибаев С.С., Олимов А.И., Ниязов А.Т. Бўлажак жисмоний тарбия ўқитувчиларини тайёрлашда мобил иловаларни кўллаш самарадорлиги	50
Tálim - tárbiya teoriyası hám metodikası	
Абдурахманова А.Т. Влияние духовно-эстетического воспитания на развитие личности в процессе образования	53
Амонова Н.И., Niyazov L.N. Biokimyo fanini o'qitishda keys usulini qo'llash masalaları	54
Asqarov M. Irracional teñlemlerdi sheshiwidni bazi bir usilları	56
Asqarov M. Logarifmlik hám kórsétkishli ténsizliklerdi intervallar usulinan paydalamp sheshiw	58
Бердибаева Г. Жас өспириимлердин саламат ҳэм саналы раýажланыўында миллий ойынлардың тәсирі	59
Djumabaeva V.T. Using authentic texts in foreign languages classes	61
Жалелов Р.М., Жалелов К.М. Excel электрон кесте программасында сыйыкы программаластырыў мәселеleiрин симплекс усылы менен шешиш	62
Жалелов Р.М., Жалелов К.М. Ms excel программасы жордеминде транспорт мәсесесин потенциаллар усылы менен шешиш	65
Жумамуратов А.П. Дарс жараёнида бошланғич синф ўқитувчиларининг ахборот технологияларидан фойдаланиши методикаси	67
Kaipbergenova F.T. The effectiveness of using an online-program in teaching english vocabulary to chemistry students	69
Камолов Л.А., Халмаматова Л.А., Калкоразов Т.Т. Особенности управления строительным процессом в условиях глобализации	71
Мамадиёров Ж.Б. Амалий дастурлар орқали математикани ўқитиши	73
Мирзакаримова М.М. Умумталим фанларни тадбиркорликка ўйналтириб ўқитиш тизимини такомиллаштириш	75
Мырзамбетов П.Ш. Жисмоний тарбия назарияси ва методикаси предметининг таълим-тарбия тизимидағи ахамияти	77
Nagmetova N.M. Baslawish tálimde pánler integraciyasi tiykarında bilim sapasın artırw	78
Норова К.Ю. Олий таълим муассасаларida педагогик жараёнларни бошқариш тамойиллари ва концептуал асослари	80
Нурекеев Б.Т. Палўандар ҳакқында эпсана ҳэм гүрриндер тийкарында оқыўшы жасларды батырлыққа, мөртликке таярлайдың педагогикалық әхмийети	82
Ro'ziyeva D.S. Optikaning murakkab mavzularını o'rganishda laboratoriya mashg'ulotlarini tashkil qilish	84
Сайдова Н.Р. Бошланғич синф ўқувчиларининг математика компетенцияларини шакллантириша ахборот-коммуникация технологиялари воситаларидан фойдаланишининг педагогик асослари	86
Саримсакова Н.К. Орфоэпическая компетенции: понятие, сущность, структура	88
Тажбенова С.С. Она тили дарсларида назарий билимларни амалда кўллаш грамматик саводхонликнинг асоси сифати	91
Тажибаев С.С., Дауренов Е.Ю., Олимов А.И., Бўлажак педагог кадрларни ўқитишида маҳсус мобил иловалар яратиш зарурияти (жисмоний тарбия мисолида)	93
Тлегенов Б.Н. Умумталим мактабларининг 5-синф ўқувчиларида информатикадан билимларни ўзлаштириш	95
Турганов Ҷ.И. О возможностях использования современных информационно-коммуникационных технологий в совершенствовании оценочной компетенции будущего учителя	97
Тургунов А.А. Мактабгача таълим психологияк хизматининг амалдаги модели	99
Усмонов З.Н. Мониторинг физкультурно-оздоровительной работы в сельских общеобразовательных школах	101
Utepbergenova D., Kurbaniyazova S., Otarbaeva R. The ories on listening comprehension in language learning	103
Hamroyev G·H. O'quv topshiriqlarini vazifasiga ko'rta tasniflash va blum taksonomiyasining ahamiyati	105
Yavidov B., Saburova G., Nurimbetov K., Ollomberganova M. Beyker-Kempbel-Xaudzorf formulasiga oid bir masalaning yechilish metodikaları	107
Шлобуль Е.Ю., Ажнев А.Б., Жаксымуратова Э.С. Проблемы здоровьесбережения подрастающего поколения в современной образовательной практике	110
Чергинская И.А. Воплощение категорий условия в волшебной русской сказке	113
Recenziyalar, sin pikirler	
Алламбергенов К. Г.Эгамқурова Жанрын тапқан жазыўши ямаса қаҳарман шайыр ҳакқында қаҳарманлық мийнет	115
Ustadlar shejiresi	
Алламбергенов К., Қыдырбаева Г. Жаслардың өмир шырағы болған устаз еди	118

shıqtı.[6] Bul maqalanıň algı sózinde redakciya tárəpinen tómendegiše sózler jazılğan edi: «Usı maqala avtorı akademik J. Bazarbaev eň aktiv ilimpazlardan biri bolıp, óz dóretiwshilik, dóretpeleleri menen kóp iqlasbentler artırıǵan desek tuwri boladı. Ásirese, gárezsizlik jıllarında aktual temalarda tinbay qálem terbetip kelip atr. Gazetalarda daǵaza qılıp atırgan maqalaları hám kitapları ózine tânlığı, oy-pikirlerge baylıǵı menen ajiralıp turadı. Gazetamızda basılıp atırlıǵan «Garrılıq filosofiyasiga şeñberinde...» maqalası da Garrılıq dáwirdiń názık târepleri haqqında óz gúzetiwlere, bilgenlerin bayanlađı. Teberik jastagi

akademikiň gárrılıq haqqında jazǵan maqalasınan juwmaq etiw mümkin, belsendilik jas taňlamas eken. Gárezsizlik gárrıldarı da jasarttırıp jibergendey! Akademik J.Bazarbaevtiň kóp qırıh iskerligi hám turmısı, belsendilik úlgisidur» [6].

Uluwmalastırıp aytqanda, biz J.Bazarbaevti pedagog bolıwga umtilǵan emes, al naǵız pedagog bolıp tuwilǵan, Qaraqalpaqstannda pedagogika iliminı rawajlanıwına óziniń salmaqlı úlesin qosıp kiyatırıǵan pidayı alım, ustaz dep isenimli túrde aytı alamız.

Adebiyatlar

1. Bazarbaev J. Muxabbat bostanı. -Nókis: «Qaraqalpaqstan», 2012, 240-b.
2. Bazarbaev J. Milliy ideya – jol kórsetiwsı juldız. –Nókis: «Qaraqalpaqstan», 2011, 240-b.
3. Bazarbaev J. Ruwxıylıq marjanları yaması úlgili el úlkenin, kórgenli el ótkenin qásterleydi. -Nókis: «Bilim», 2008, 312 bet.
4. Bazarbaev J. Ómir – bul sananın' kóterin kiligi. -Nókis: «Bilim», 1996, 220-b.
5. Bazarbaev J. «Garrılıq filosofiyası yaması kekselik qáwmeti haqqında». / «Erkin Qaraqalpaqstan», 2011-jıl 14-iyun.
6. Bazarbaev J. Keksaliq masalasiga doir..., / «Amu tangı» 2011-jıl 17-sentyabr.

REZYUME

Maqolada akademik Jumanazar Bazarbayevning Qoraqalpog'iston Respublikasida pedagogika sohasıda olib borgan dastlabki pedagogik tadqiqotları va o'sha davr yetakshi olımları bilan hamkorlikda olib borılgan ilmiy tadqiqotları keng o'rganılgan.

РЕЗЮМЕ

Научная статья содержит подробную информацию о начальных педагогических исследованиях академика Джуманазара Базарбаева в области педагогики в Республике Каракалпакстан и его научных исследованиях с ведущими учёными того периода, а также о педагогических исследованиях.

SUMMARY

The scientific article provides detailed information about the initial pedagogical research of academician Jumanazar Bazarbaev in the field of Pedagogy in the Republic of Karakalpakstan and his scientific research with leading scientists of that period, as well as pedagogical research.

ПОНЯТИЕ ПРЯМОЙ И ОБРАТНОЙ ЗАДАЧИ В МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКЕ

Ш.Б.Меражова - старший преподаватель

Бухарский государственный университет

Таянч сўзлар: тўғри масала, тескари масала, бошланғич шартлар, чегаравий шартлар, характеристик тенгламалар системаси, умумий ечим, хусусий ечим, параболик тиңдаги тенглама, интеграл тенглама, интеграл тенглама ядрои.

Ключевые слова: прямая задача, обратная задача, начальные условия, краевые условия, характеристическая система уравнений, общее решение, частное решение, уравнения параболического типа, интегральные уравнения, ядро интегрального уравнения.

Key words: direct problems, inverse problems, initial conditions, boundary conditions, characteristic system of equations, general solution, particular solution, equations of parabolic type, integral equations, core of the integral equation.

В программе предметов уравнения математической физики и дифференциальные уравнения с частными производными в основном изучают прямые задачи, поставленные уравнениями математической физики. Обратные задачи имеют широкое прикладное применение, поэтому с этим понятием студенты должны быть ознакомлены при изучении предметов «Дифференциальные уравнения с частными производными», «Уравнения математической физики» и в дальнейшем могли применять при своей научной деятельности. В статье рассказывается кратко о прямых и обратных задачах. Был сделан анализ нескольких прямых и обратных задач. Приводится постановка обратных задач для уравнения смешанного типа и для интегро-дифференциального уравнения параболического типа с интегральным членом типа свертки, где дифференциальный оператор в общем виде.

В обычной математической физике рассматривают-ся задачи следующего вида: задаётся дифференциальное уравнение и дополнительные условия для его решения. Эти условия дают нам возможность определить единственное решение среди множества решений дифференциального уравнения. Во многих случаях исследование тех или иных явлений природы можно привести к нахождению решений уравнений с частными производными, носящих название уравнений математической физики. Чтобы пользоваться методами математической физики, в первую очередь следует установить,

Рассмотрим примеры постановки и решения прямых задач.

какие величины являются определяющими для изучаемого явления. Затем, пользуясь физическими законами (принципами), выражающими связь между этими величинами, можно составить уравнение (систему уравнений) с частными производными и дополнительные условия (граничные, начальные) к уравнению (системе), из которых впоследствии определяются и притом однозначно неизвестные величины, характеризующие явление. В математической физике существует классификация уравнений. Для каждого типа уравнения есть свой индивидуальный способ решения. Есть методы решения задач, поставленных заданным уравнением. Задачи, поставленные уравнениями математической физики, являются корректными. Например, задачи Коши для уравнений параболического и гиперболического типа, задача Дирихле или Неймана для уравнения Лапласа являются корректно поставленными задачами. В своё время эти задачи называются прямыми задачами для уравнений математической физики. В каждой прямой задаче несколько функций задаются изначально. Некоторые из них входят в дифференциальные уравнения (например, коэффициенты, правая часть уравнения), а остальные в основных условиях (например, начальные условия или краевые условия задачи). В итоге решения прямой задачи определяется при помощи этих данных. Ставится соответствие между данными и искомой функцией, то есть строится дифференциальный оператор прямой задачи.

Постановка прямой задачи для уравнения гиперболического типа. [3,7] Из класса $C^2(t > 0) \cap C^1(t \geq 0)$ надо найти такую функцию $u(x, t)$, которая при $t > 0$ удовлетворяет следующего уравнения волны;

$$u_{tt} = a^2 \Delta u + f(x, t)$$

и следующие начальные условия:

$$u|_{t=0} = u_0(x), \quad u_t|_{t=0} = u_1(x),$$

где f, u_0, u_1 - заданные функции.

Эта задача называется классической задачей Коши для уравнения волны.

Решение задачи: Если для начально заданных функций выполняются следующие условия:

$$f \in C^1(t \geq 0), \quad u_0 \in C^2(R^1), \quad u_1 \in C^1(R^1), \quad n=1;$$

$$f \in C^2(t \geq 0), \quad u_0 \in C^3(R^n), \quad u_1 \in C^2(R^n), \quad n=2,3,$$

Тогда существует при том единственное решение задачи Коши и решения определяются при помощи следующих формул:

при $n = 1$ формулой Даламбера;

$$u(x, t) = \frac{1}{2} [u_0(x + at) + u_0(x - at)] + \frac{1}{2a} \int_{x-at}^{x+at} u_1(\xi) d\xi + \frac{1}{2a} \int_0^t \int_{x-a(t-\tau)}^{x+a(t-\tau)} f(\xi, \tau) d\xi d\tau. \quad (1)$$

при $n = 2$ формулой Пуассона:

$$\begin{aligned} u(x, t) = & \frac{1}{2\pi a} \int_0^t \int_{|\xi-x|<at} \frac{f(\xi, \tau) d\xi d\tau}{\sqrt{a^2(t-\tau)^2 - |\xi-x|^2}} + \frac{1}{2\pi a} \int_{|\xi-x|<at} \frac{u_1(\xi) d\xi}{\sqrt{a^2 t^2 - |\xi-x|^2}} + \\ & + \frac{1}{2\pi a} \frac{\partial}{\partial t} \int_{|\xi-x|<at} \frac{u_0(\xi) d\xi}{\sqrt{a^2 t^2 - |\xi-x|^2}}. \end{aligned}$$

при $n = 3$ формулой Кирхгофа:

$$u(x, t) = \frac{1}{4\pi a^2} \int_{|\xi-x|<at} \frac{1}{|\xi-x|} f\left(\xi, t - \frac{|\xi-x|}{a}\right) d\xi + \frac{1}{4\pi a^2 t} \int_{|\xi-x|=at} u_1(\xi) dS + \frac{1}{4\pi a^2} \frac{\partial}{\partial t} \left[\frac{1}{t} \int_{|\xi-x|=at} u_0(\xi) dS \right]. \quad (3)$$

Пример: Решите следующую задачу Коши:

$$u_{tt} = u_{xx} + e^x; \quad u|_{t=0} = \sin x, \quad u_t|_{t=0} = x + \cos x.$$

Решение: Используем для решения формулу (1), где $u_0 = \sin x, u_1 = x + \cos x, f(x, t) = e^x$ заданные функции.

По формуле Даламбера:

$$\begin{aligned} u(x, t) = & \frac{1}{2} [\sin(x+t) + \sin(x-t)] + \frac{1}{2} \int_{x-t}^{x+t} (\xi + \cos \xi) d\xi + \frac{1}{2} \int_0^t \int_{x-(t-\tau)}^{x+(t-\tau)} e^\xi d\xi d\tau = \\ = & \frac{1}{2} [\sin(x+t) + \sin(x-t)] + \frac{1}{2} \left(\frac{\xi^2}{2} + \sin \xi \right) \Big|_{x-t}^{x+t} + \frac{1}{2} \int_0^t e^\xi \Big|_{x-(t-\tau)}^{x+(t-\tau)} = \frac{1}{2} [\sin(x+t) + \sin(x-t)] + \\ & + \frac{1}{2} \left(\frac{(x+t)^2}{2} - \frac{(x-t)^2}{2} \right) + \frac{1}{2} [\sin(x+t) - \sin(x-t)] + \int_0^t e^\xi \operatorname{sh}(t-\tau) d\tau = \sin(x+t) + \\ & + xt - e^x cht(t-\tau) \Big|_0^t = \sin(x+t) + xt + e^x (cht-1) \end{aligned}$$

т.е. решения заданной задачи:

$$u(x, t) = \sin(x+t) + xt + e^x (cht-1).$$

Постановка прямой задачи для уравнения параболического типа. [3,7] Из класса $C^2(t > 0) \cap C(t \geq 0)$ надо найти такую функцию $u(x, t)$, которая при $x \in R^n, t > 0$ удовлетворяет следующему уравнению:

$$u_t = a^2 \Delta u + f(x, t)$$

и следующее начальное условие:

$$u|_{t=0} = u_0(x),$$

где f, u_0 - заданные функции и $|u_0| \leq M, M > 0$ - произвольная постоянная

Эта задача называется классической задачей Коши для уравнения теплопроводности.

Решение задачи: Если для начально заданных функций выполняются следующие условия:

$f \in C^2(t \geq 0)$ $u_0 \in C(R^n)$, эти функции ограничены

Тогда существует при том единственное решение задачи Коши и решения определяются при помощи следующей формулы Пуассона:

$$u(x, t) = \frac{1}{(2a\sqrt{\pi t})^n} \int_{R^n} u_0(\xi) e^{-\frac{|x-\xi|^2}{4a^2 t}} d\xi + \int_0^t \int_{R^n} \frac{f(\xi, \tau)}{[2a\sqrt{\pi(t-\tau)}]^n} e^{-\frac{|x-\xi|^2}{4a^2(t-\tau)}} d\xi d\tau. \quad (4)$$

Пример. Решите следующую задачу Коши:

$$\frac{\partial u}{\partial t} = 4 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + t + e^t, \quad u|_{t=0} = 2.$$

Решение: Для решения этой задачи используем формулу (4). Здесь начально заданные: $a = 2$, $u_0(x) = 2$, $f(x, t) = t + e^t$. Подставим в формулу (4):

$$u(x, t) = \frac{1}{2 \cdot 2\sqrt{\pi t}} \int_{-\infty}^{\infty} 2e^{-\frac{(x-\xi)^2}{16t}} d\xi + \int_0^t \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\tau + e^\tau}{4\sqrt{\pi(t-\tau)}} e^{-\frac{(x-\xi)^2}{16(t-\tau)}} d\xi d\tau = I_1 + I_2, \quad (5)$$

где

$$I_1 = \frac{1}{2\sqrt{\pi t}} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-\frac{(x-\xi)^2}{16t}} d\xi$$

и

$$I_2 = \int_0^t \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\tau + e^\tau}{4\sqrt{\pi(t-\tau)}} e^{-\frac{(x-\xi)^2}{16(t-\tau)}} d\xi d\tau.$$

Вычислим интегралы:

$$I_1 = \frac{1}{2\sqrt{\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-\frac{(x-\xi)^2}{16t}} d\xi \left| \begin{array}{l} \text{введём обозначения } \frac{x-\xi}{4\sqrt{t}} = \eta \text{ belgilash kiritamiz,} \\ \xi = x - 4\sqrt{t}\eta \\ d\xi = -4\sqrt{t}d\eta \\ \xi = -\infty \rightarrow \eta = \infty \\ \xi = \infty \rightarrow \eta = -\infty \end{array} \right| = \frac{1}{2\sqrt{\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} (-4\sqrt{t}e^{-\eta^2}) d\eta =$$

$$= \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-\eta^2} d\eta = \left| \int_{-\infty}^{\infty} e^{-\eta^2} d\eta = \sqrt{\pi} \text{ - интеграл Пуассона.} \right| = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \cdot \sqrt{\pi} = 2,$$

значить, $I_1 = 2$.

$$I_2 = \int_0^t \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\tau + e^\tau}{4\sqrt{\pi(t-\tau)}} e^{-\frac{(x-\xi)^2}{16(t-\tau)}} d\xi d\tau \text{ - интеграл тоже вычислим подобно предыдущему интегралу и получим}$$

следующий результат: $I_2 = \frac{t^2}{2} + e^t - 1$. Подставляя значения двух интегралов в (5) получим решения заданной задачи:

$$u(x, t) = \frac{t^2}{2} + e^t + 1.$$

Теперь пусть некоторые функции, которые задаются в прямой задаче теперь неизвестны, а заданы дополнительные условия для решения задачи. Такие задачи в математической физике называются обратными задачами. Изучение таких задач является нашей целью.

Если в обратной задаче искомые функции входят в уравнения, тогда приходится решать эти уравнения, есть и другие типы обратных задач: нахождения начальных и граничных условий.

Рассмотрим следующий пример на обратную задачу.

Задача. [2] Пусть $q(x)$ -непрерывная функция по x , а $u(x, y)$ решения следующей задачи Коши:

$$\left[\frac{\partial}{\partial x} - \frac{\partial}{\partial y} + q(x) \right] u = 0, \quad (x, y) \in R^2 \quad (6)$$

$$u(x, 0) = \varphi(x), \quad x \in R. \quad (7)$$

При заданных функциях $q(x)$, $\varphi(x)$ задача (6)-(7) корректно поставленная прямая задача. Чтобы существовало классическое решение этой задачи, требуется непрерывная дифференцируемость функции $\varphi(x)$.

Решаем (1) уравнение:

$$\frac{\partial u}{\partial x} - \frac{\partial u}{\partial y} = -q(x)u$$

Характеристическая система уравнений заданного уравнения имеет следующий вид:

$$\frac{dx}{1} = \frac{dy}{-1} = \frac{du}{-q(x)u}.$$

Отсюда,

$$\begin{aligned} dx &= -dy, \\ dx &= \frac{du}{-q(x)u}. \end{aligned}$$

Решая уравнения получаем,

$$\begin{aligned} x + y &= C_1, \\ u \exp\left(\int q(x)dx\right) &= C_2. \end{aligned}$$

В итоге общее решение (6) уравнения имеет следующий вид:

$$\Phi(x + y, u \exp\left(\int q(x)dx\right)) = 0.$$

Отсюда, явное решения уравнения следующее:

$$u = \exp\left(\int_0^x q(s)ds\right) \cdot f(x + y).$$

Из (7) условия находим вид функции $f(x + y)$:

$$u(x, 0) = f(x) \exp\left(\int_0^x q(s)ds\right) = \varphi(x),$$

$$f(x) = \varphi(x) \exp\left(-\int_0^x q(s)ds\right).$$

Отсюда,

$$f(x + y) = \varphi(x + y) \exp\left(-\int_0^{x+y} q(s)ds\right)$$

и тогда

$$u(x, y) = \varphi(x + y) e^{\int_0^x q(s)ds} e^{-\int_0^{x+y} q(s)ds}.$$

Значит решение задачи (6)-(7) следующее:

$$u(x, y) = e^{\int_{x+y}^x q(s)ds} \cdot \varphi(x + y) \quad (8)$$

Теперь рассмотрим обратную задачу:

Пусть для решения задачи (6)-(7) дано следующее дополнительное условие

$$u(0, y) = \psi(y), \quad y \in R. \quad (9)$$

Рассмотрим обратную задачу нахождение функцию $q(x)$ по этому дополнительному условию.

Решение задачи (6)-(7) определяется (8) формулой. При помощи (9) условия, получаем следующее равенство:

$$\psi(y) = \varphi(y) \exp\left(\int_y^0 q(s)ds\right), \quad y \in R. \quad (10)$$

Теперь находим функцию $q(x)$, для этого воспользуемся (10) равенством:

$$e_y^{\int_0^y q(s)ds} = \frac{\psi(y)}{\varphi(y)}$$

$$\int_y^0 q(s)ds = \ln \frac{\psi(y)}{\varphi(y)}$$

$$q(x) = -\frac{d}{dx} \ln \frac{\psi(x)}{\varphi(x)}$$

Значит, функция $\psi(y)$ для $y \in R$ непрерывна дифференцируемая функция. В этом случае решение обратной задачи имеет следующий вид:

$$-q(x) = -\frac{d}{dx} \ln \frac{\psi(x)}{\varphi(x)}, \quad x \in R. \quad (11)$$

В сегодняшний день изучения обратных задач считается актуальным, потому что такие задачи имеют своё практическое применения.

В этой статье мы просто рассказали Вам кратко о прямых и обратных задачах. Сделали анализ задачи, заданной в [2].

Можно исследовать более сложные обратные задачи.

Прямые и обратные задачи для уравнений смешанного типа изучены относительно меньше, чем задачи для уравнений конкретного типа.

К настоящему времени наиболее полные результаты получены по исследованию прямых задач для уравнений смешанного типа, но работ связанных с поиском решения обратных задач для уравнения смешанного типа практически мало, например, [5] и [6].

В прямоугольной области $D := \{(x, t); 0 < x < 1, -\alpha < t < \beta\}$, здесь α и β – заданные положительные числа, рассмотрим уравнения смешанного параболо-гиперболического типа: [5]

$$Lu = \begin{cases} u_t - u_{xx} = f(x), & t > 0, \\ u_{tt} - u_{xx} = f(x), & t < 0. \end{cases} \quad (12)$$

Для этого уравнения можно поставить следующие обратные задачи:

Задача 1. Найти в области D функции $u(x, t)$ и $f(x)$ удовлетворяющие условиям:

$$u(x, t) \in C(\bar{D}) \cap C'(D) \cap C_{x,t}^{2,1}(D_+ \cup \{t = \beta\}) \cap C^2(D_- \cup \{t = -\alpha\}), \quad (13)$$

$$f(x) \in C(0; 1), \quad (14)$$

$$Lu(x, t) = f(x), \quad (x, t) \in D_+ \cup D_-, \quad (15)$$

$$u(0, t) = u(1, t) = 0, \quad -\alpha \leq t \leq \beta, \quad (16)$$

$$u(x, -\alpha) = \varphi(x), \quad 0 \leq x \leq 1, \quad (17)$$

$$u(x, \beta) = \psi(x), \quad 0 \leq x \leq 1, \quad (18)$$

где $\varphi(x)$ и $\psi(x)$ – заданные достаточно гладкие функции,

$$\varphi(0) = \varphi(1) = 0, \quad \psi(0) = \psi(1) = 0, \quad D_+ = D \cap \{t > 0\}, \quad D_- = D \cap \{t < 0\}.$$

Задача 2. Найти в области D функции $u(x, t)$ и $f(x)$ удовлетворяющие условия (13)-(18), где $f(x)$ и $\psi(x)$ заданные достаточно гладкие функции.

Задача 3. Найти в области D функции $u(x, t)$ и $\psi(x)$ удовлетворяющие условия (13)-(18), где $f(x)$ и $\varphi(x)$ – заданные достаточно гладкие функции

Для решения этих задач используем метод разделения переменных. Из-за того, что решение ищется в виде произведения отдельных функций от заданных переменных, метод называется методом разделения переменных. Метод разделения переменных иначе называется методом Фурье. Этим методом пользуются при построении решений, так называемых смешанных задач для широкого класса уравнений с частными производными.

Ещё один пример постановки обратной задачи, рассмотрим следующее уравнение[6]:

$$u_t - Lu = \int_0^t K(x', \tau)u(x, t - \tau) d\tau, \quad (x, t) \in R_T^n, \quad (12)$$

здесь, L – дифференциальный оператор, имеет следующий вид:

$$L = \sum_{i,j=1}^n a_{ij}(x,t) \frac{\partial^2}{\partial x_i \partial x_j} + \sum_{i=1}^n b_i(x,t) \frac{\partial}{\partial x_i} + c(x,t).$$

Для этого уравнения можно поставить следующую обратную задачу:

Обратная задача. Пусть требуется определить пару функций $u(x,t)$ решение задачи и $K(x',t)$ ядра из уравнения (1) удовлетворяющее следующее условия:

$$u|_{t=0} = \varphi(x) \quad (13)$$

$$u(x',0,t) = g(x',t); \quad x' \in R^{n-1}, 0 \leq t \leq T; g(x',0) = \varphi(x',0) \quad (14)$$

где $R_T^n = \{(x,t) | x = (x',x_n) \in R^n, 0 < t < T, T > 0\}$

Здесь обратная задача для параболического интегро-дифференциального уравнения с интегральным членом типа свертки, где дифференциальный оператор в общем виде.

Обратная задача исследуется при помощи вспомогательной задачи, в которой в дополнительном условии содержится искомая функция.

В сегодняшний день изучения обратных задач считается актуальным, потому что такие задачи имеют свою практическое применения.

Мы кратко рассмотрели прямые и обратные задачи, поставленные уравнениям математической физики, которых можно внедрить при изучении предмета. Эти внедрения учат обучающего к креативности. Понять суть предмета, его прикладной характер. Сегодняшний день актуален прикладной характер каждого предмета.

Литература

1. Салохиддинов М.С. Математика физика тенгламалари. -Тошкент: “Ўзбекистон”, 2002, 448- б.
2. Романов В.Г. Обратные задачи математической физики. - Москва. “Наука”, 1984, -С.245.
3. Владимиров и др. Сборник задач по уравнениям математической физики. –Москва: “Наука”, 1974, -С. 272.
4. Сабитов К.Б. К теории уравнений смешанного параболо-гиперболического типа со спектральным параметром //Дифференциальные уравнения. 1989, Т. 25 №1. -С.117-126.
5. Дурдиев Д.К., Меражкова Ш.Б. О решении обратных задач для уравнения смешанного параболо-гиперболического типа: одномерный случай// Бухоро давлат университети илмий ахбортономаси, 2015 йил, 2-сон, 2-6-б.
6. Меражкова Ш.Б. Обратная задача определения ядра для одного модельного интегро-дифференциального уравнения параболического типа. Порядковый анализ и смежные вопросы математического моделирования: Тезисы докладов XV Международной научной конференции (с. Цей, 15-20 июля 2019 г.) –С.138-139
7. Метажова Sh.B. Matematik fizika tenglamlaridan mashqlarlar/plami. -Вуҳого: “Ziyo-rizograf” 2007, 56-б.

РЕЗЮМЕ

Ушбу мақолада математик физика тенгламалари учун тўғри ва тескари масалаларнинг кўйилиши ва ечиш усуслари таҳлил килинган. Фан дастурда асосан математик физика тенгламаларига кўйилган тўғри масалаларга эътибор каратилади. Тескари масалалар кенг амалий татбикка эга, шу сабабли ушбу тушунча билан талабалар “Хусусий хосилали дифференциал тенгламалар”, “Математик физика тенгламалари” фанлари таҳсилни давомида танишиб борадилар ва илмий тадқикот ишларига замин яратилади. Маколада тўғри ва тескари масалалар хакида фикр юритилиб, бир канча тўғри ва тескари масалалар таҳлил килинган, шунингдек, аралаш типдаги тенглама учун ва свертка типдаги интеграл хадди параболик типдаги интегро-дифференциал тенглама учун тескари масалалар кўйилиши таҳлил килинган.

РЕЗЮМЕ

В статье анализирована постановка и решение прямых и обратных задач для уравнения математической физики. В программе предмета в основном изучают прямые задачи, поставленные уравнениям математической физики. Обратные задачи имеют широкое прикладное применение, поэтому с этим понятием студенты должны быть ознакомлены при изучении предметов «Уравнения в частных производных», «Уравнения математической физики» и в дальнейшем могли применять при своей научной деятельности. В статье мы рассказали кратко о прямых и обратных задачах. Сделали анализ нескольких прямых и обратных задач. Приводится постановка обратных задач для уравнения смешанного типа и для интегро-дифференциального уравнения параболического типа с интегральным членом типа свертки, где дифференциальный оператор в общем виде.

SUMMARY

The article analyzes the formulation and solution of several direct problems and inverse problems for the equations of mathematical physics. In the subject's program, they mainly study the direct problems posed to the equations of mathematical physics. Inverse problems are widely applied, therefore, students should be familiar with this concept when studying subjects: "Partial differential equation", "Equations of mathematical physics" and in future they can apply them in their scientific activities. In this article we briefly talked about direct and inverse problems and analyzed several direct problems and inverse problems. Also in this paper inverse problems for model equation of mixed parabolic – hyperbolic type are considered. The solutions of these problems are obtained for one-dimensional case in a rectangular domain. So we state the inverse problem for an integro-differential equation of parabolic type with an integral term on convolution type,i.e., inverse problem of determining in one integro-differential equation of parabolic type.

ТАРБИЯНИНГ БОШКА ЙЎНАЛИШЛАРИ БИЛАН ЖИСМОНИЙ ТАРБИЯНИНГ БОҒЛИҚИГИ ТАМОЙИЛЛАРИ

П.Ш.Мирзамбетов – катта ўқитувчи

Ажиниёз номидаги Нукус давлат педагогика институти

Таянч сўзлар: жисмоний тарбия, функционал, спорт, мускуллар, билим, фаолият, ақлий ва жисмоний тарбия, машгулот.

Ключевые слова: физическое воспитание, функционал, спорт, мышцы, знания, активность, умственное и физическое воспитание, тренировка.

Key words: physical education, functional, sport, muscles, knowledge, activity, mental and physical education, training.

Жисмонан етарли даражадаги ривожланганлик нормал ақлий ривожланишига шароит яратади. Жисмоний билимлар асосчиси П.Ф.Лесгафт кўрсатганидек, ақлий ва жисмоний ривожланиши бир-бири билан узвий боғлиқ. Ақлнинг ўсиши ва ривожланиши ўз набатида жисмоний ривожланишини такозо килади.

Жисмоний тарбиянинг вазифаси шунда мудаффакиатли хал қилинади, шугулланувчидар жисмоний машкларни онгли равишда, тушуниб бажарсалар ёки улар спорт машгулотларига зўр қизикиш, ўз ташаб-

буслари билан ижодий ёндашсалар, харакат малакаларининг тўғри шаклланишига, организмнинг функционал қобилиятларини ривожлантириш учун умумий маҳсус билимларга таянган холда олиб борилсангида бўлади.

Жисмоний тарбияда ёки спортда талантни очиш шугулланувчидан умумий жисмоний ривожланганлик ва тайёрланганлик ҳамда шугулланяётган соҳа бўйича чукур малакавий билимларга эга бўлиш, бош мия, мускуллар фаолиятидан фойдаланишида кўр-қўроналикка